# PENERAPAN MODEL PERTUMBUHAN LOGISTIK DALAM MEMPROYEKSIKAN JUMLAH PENDUDUK DI KABUPATEN SUMENEP

by Nadya Dkk

**Submission date:** 16-Dec-2022 09:21AM (UTC+0700)

**Submission ID:** 1982483249

**File name:** 10.\_5436-16804-1-PB.pdf (577.33K)

Word count: 3912

Character count: 22664

# PENERAPAN MODEL PERTUMBUHAN LOGISTIK DALAM MEMPROYEKSIKAN JUMLAH PENDUDUK DI KABUPATEN SUMENEP

Nadya Nurmadhani<sup>1)</sup>, Faisol<sup>2)</sup>

<sup>1,2)</sup>Program Studi Matematika, Universitas Islam Madura nadianormadani9@gmail.com, faisol.munif@gmail.com

### Abstract

Population projection is not a population forecast but a scientific calculation based on assumptions of the components of the population growth rate, namely births, deaths and migration. These three components determine the size of the population and the age structure of the population in the future. In order to determine the assumptions of future developmental levels of births, deaths and displacement, data are needed that describe trends from the past to the present. Here the author will determine the projected population growth in Sumenep Regency on Madura Island using a logistic growth model. The population census of Sumenep Regency was obtained from the BPS (Central Statistics Agency) of Sumenep Regency from 2010 to 2020. Based on the results of the study, it was obtained that the Craying capacity was 1,141,132.5. The author can conclude that the model that is closest to the actual census value is called the best model by looking for the MAPE value of each model to find out the census value that is closest to the true value and here the logistical model 9 is the most accurate compared to other models, with a value of r = 0.07288 and produces the equation  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07288)}+1}$  and based on model 9, the writer looks for the population census in 2040 with

the value of t = 30 resulted in 1,127,590.627 people.

Keywords: Logistics Growth Model, Growth Rate, Capacity

### Abstrak

Proyeksi penduduk bukan merupakan ramalan jumlah penduduk tetapi suatu perhitungan ilmiah yang didasarkan pada asumsi dari komponen-komponen laju pertumbuhan penduduk, yaitu kelahiran, kematian dan perpindahan (migrasi). Ketiga komponen inilah yang menentukan besarnya jumlah penduduk dan struktur umur penduduk di masa yang akan datang. Untuk menentukan asumsi dari tingkat perkembangan kelahiran, kematian dan perpindahan di masa yang akan datang diperlukan data yang menggambarkan tren di masa lampau hingga saat ini. Tujuan penelitian ini adalah menentukan proyeksi pertumbuhan penduduk di Kabupaten Sumenep di Pulau Madura menggunakan model pertumbuhan logistik. Sensus penduduk Kabupaten Sumenep ini diperoleh dari BPS (Badan Pusat Statistik) Kabupaten Sumenep dari tahun 2010 sampai 2020. Berdasarkan hasil penelitian tersebut diperoleh daya tampung (Craying capacity) sebesar 1.141.132,5. Penulis dapat menarik kesimpulan bahwa model yang paling mendekati nilai sensus sebenarnya dinamakan model yang terbaik dengan mencari nilai MAPE dari masing-masing model untuk mengetahui nilai sensus yang paling mendekati nilai sebenarnya dan di sini medel logistik 9 lah yang paling akurat dibandingkan model-model lainnya, dengan nilai r = 0.07288dan menghasilkan 1.141.132.5  $N = \frac{1.141.132.3}{(0.09242)e^{-(0.07288)} + 1}$ dan berdasarkan model 9 tersebut penulis mencari sensus penduduk pada tahun 2040 dengan nilai t = 30 menghasilkan 1.127.590,627 jiwa.

Kata Kunci : Model Pertumbuhan Logistik, Laju Pertumbuhan, Daya Tampung

Cara Menulis Sitasi: Nurmadhani, N & Faisol. (2022). Penerapan Model Pertumbuhan Logistik dalam Memproyeksikan Jumlah Penduduk di Kabupaten Sumenep. *Jurnal Edukasi dan Sains Matematika (JES-MAT)*,8 (2), 145-156.

### PENDAHULUAN

Pertambahan jumlah penduduk merupakan perubahan populasi sewaktuwaktu, dan bisa dihitung sebagai perubahan jumlah individu dalam sebuah populasi menggunakan per waktu unit untuk pengukuran (Pratiwi, 2020). Pertambahan jumlah penduduk dipengaruhi oleh faktor kematian, kelahiran, dan migrasi. Penyebutan pertambahan jumlah penduduk merujuk pada semua spesies, akan tetapi selalu mengarah pada manusia. Pertambahan jumlah penduduk digunakan pada merujuk pertumbuhan untuk penduduk dunia dan sering digunakan secara informal untuk sebutan demografi nilai pertambahan jumlah penduduk. Dalam demografi dikenal istilah pertambahan jumlah penduduk alami dan pertambahan jumlah penduduk total, dimana penduduk alami dipengaruhi oleh kelahiran dan kematian sedangkan penduduk total dipengaruhi oleh kelahiran, kematian, migrasi masuk dan migrasi keluar (Uce et al., 2017).

Sumenep adalah sebuah Kabupaten yang berada di ujung timur Pulau Madura sangat terkenal dengan sebutan kota Keris, yang memiliki wilayah yang unik karena terdiri dari wilayah daratan dengan pulau yang tersebar berjumlah 126 pulau. dan Sumenep juga memiliki luas wilayah  $km^2$ sebesar 2.094 dengan iumlah penduduk sebanyak 1.124.436 jiwa dan kepadatan penduduk sebanyak 536/km<sup>2</sup>. memilih Dengan demikian peneliti tersebut untuk dijadikan kabupaten penelitian dengan menggunakan model pertumbuhan logistic.

Model pertumbuhan logistik adalah model pertumbuhan populasi yang terkait dengan kepadatan yang mencerminkan pengaruh dari persaingan intraspesifik (Rosiyanti, et. al., 2022). Tujuan dari penelitian ini adalah untuk mengetahui perubahan jumlah populasi yang diturunkan terhadap waktu sehingga fenomena dari perubahan jumlah populasi dapat dimodelkan dengan model logistik. Laju pertumbuhan populasi (r) dalam model pertumbuhan logistik digunakan untuk mengatahui daya tumbuh populasi dan kapasitas batas lingkungan atau Crayying Capacity (k) digunakan sebagai faktor pertumbuhan populasi. penghambat kemudian mencari proyeksi sensus penduduk untuk waktu yang akan datang menggunakan Microsoft Excel.

Beberapa penelitian terdahulu menentukan proyeksi pertumbuhan penduduk diberbagai daerah diantaranya, Anggreini, (2018) melakukan penelitian menetukan proyeksi penduduk Kabupaten Tulungagung dengan menerapkan Persamaan Diferensial Verhulst. Anggreini, (2020),menerapkan model populasi kontinu perhitungan proyeksi penduduk di hwa Timur. Pandu (2020), memprediksi penduduk Kabupaten Alor dengan menggunakan model pertumbuhan logistik. Pratiwi (2020) menggunakan aplikasi persamaan diferensial model populasi logistik untuk mengestimasi penduduk di Kota Balikpapan. Putri et al., (2022) memprediksi jumlah penduduk dengan persamaan logistik menggunakan metode ADAMS-BASHFORT-MOULTON. Rosiyanti et al., (2022) menggunakan model pertumbuhan logistik untuk menentukan proyeksi penduduk di Kabupaten Banyumas. Tang et al., (2021). menerapkan model eksponensial dan model logistik untuk proyeksi penduduk tahun 2024 di Kabupaten Alor.

Berbeda dari beberapa penelitian terdahulu penelitian ini bertujuan untuk menerapkan model ertumbuhan logistik dalam memproyeksikan jumlah penduduk di Kabupaten Sumenep.

### LANDASAN/KAJIAN TEORI

Model pertumbuhan logistic atau di kenal juga dengan model terpaut kepadatan merupakan model pertumbuhan populasi mencerminkan pengaruh persaingan intraspesifik (Rosyanti, et al., 2022). Penghambatan pertumbuhan populasi bisa dijelaskan secara matematika dengan menambahkan variabel pengaruh kepadatan ke dalam persamaan eksponsial (Tang et al., 2021).

Salah satu model pertumbuhan populasi adalah model pertumbuhan logistik (logistic growth models) (Pandu, 2020). Dengan menggunakan kaidah logistik (logistic law) bahwa persediaan logistik ada batasnya, model mengasumsikan bahwa pada masa tertentu jumlah populasi akan mendekati titik kesetimbangan (equilibrium) (Pratiwi, 2020). Pada titik ini jumlah kelahiran dan kematian dianggap sama, sehingga grafiknya akan mendekati konstan (zero growth). Misalkan N(t)menyatakan jumlah populasi pada saat t, dan  $R_0$ menyatakan laju pertumbuhan populasi (Uce et al., 2017).

### METODE PENELITIAN

### Langkah-langkah

Pada metode kali ini kami menggunakan model pertumbuhan logistik, ada beberapa langkah pada metode penelitian yang kami teliti :

Langkah pertama yaitu menentukan model apa yang akan kami amati, langkah kedua yaitu menentukan subjek penelitian jumlah penduduk di Kabupaten yang ingin kami amati dari tahun 2010 sampai tahun 2020. Alasan mengapa jumlah penduduk di Kabupaten Sumenep memilih dari tahun 2010, dikarenakan sesuai dengan laporan data BPS Pusat Jawa Timur bahwa mulai tahun 2010 jumlah penduduk Indonesia masuk dalam jumlah penduduk terbesar ke-4 di dunia. Adapun untuk tahun 2020 dikarenakan data sekunder tersebut merupakan data yang paling baru disajikan oleh Badan Pusat Statistik (BPS), langkah ketiga yaitu mencari sensus penduduk yang kami amati di berbagai sosial media dan disini kami mendapatkan sensus penduduk di aplikasi google dari data BPS (Badan Pusat Statistik) Kabupaten Sumenep Pulau Madura, langkah keempat yaitu analisis data dan langkah terakhir atau langkah kelima yaitu menarik kesimpulan.

Peubah yang kami amati dalam penelitian kali ini ialah r (laju pertumbuhan intrinsic) dan N (jumlah populasi saat t). Yang dimaksud dengan r adalah laju pertumbuhan intrinsik (intrinsic growth rate), yaitu nilai yang menggambarkan daya tumbuh suatu populasi (carrying yaitu ukuran maksimum dari capacity) suatu populasi. Dalam hal ini diasumsikan r > 0 mengingat setiap populasi memiliki potensi untuk berkembang biak, sehingga dari asumsi di atas dapat diturunkan suatu model pertumbuhan populasi yang dikenal dengan persamaan logistic (Uce et al., 2017).

Pada model pertumbuhan logistik (logistic growth model) menggunakan kaidah logistik (logistic law) bahwa persediaan logistik ada batasnya. Model ini mengasumsikan bahwa pada masa tertentu

jumlah populasi akan mendekati titik kesetimbangan (equilibrium). Pada titik ini jumlah kelahiran dan kematian dianggap sama, sehingga grafiknya akan mendekati konstan (zero growth) (Pratiwi, 2020).

### **Teknik Analisis Data**

Teknik yang digunakan dalam menganalisis bentuk dan model penelitian adalah sebagai berikut: Mengkonstruksi model persamaan diferensial verhulst/logistik. b) Mencari solusi dari persamaan differensial  $\frac{dN}{dt}$  =  $rN\left(1-\frac{N}{\kappa}\right)$ . c) Menentukan waktu yang diukur dan jumlah populasi awal serta populasi pada tahun selanjutnya dimisalkan saat t = 0 yaitu  $N_0$ , saat t = 1 yaitu  $N_1$  dan saat t = 2 yaitu  $N_2$ . d) Menentukan kapasitas tampung (carrying capacity). e) Mencari laju pertumbuhan penduduk (intrinsic growth rate) menggunakan solusi model persamaan logistik. f) Menghitung jumlah penduduk di Kabupaten Sumenep dengan solusi persamaan logistik. g) Menentukan proveksi jumlah penduduk di Kabupaten Sumenep menggunakan model pertumbuhan logistik yang nilainya cukup mendekati hasil sensus dengan mencari nilai MAPE tiap masing-masing model . h) proyeksi Menentukan penduduk Kabupaten Sumenep dengan aplikasi Microsoft Excel.

# HASIL PENELITIAN DAN PEMBAHASAN

Model ini pertama kali diperkenalkan oleh matematikawan dan juga seorang ahli biologi berkebangsaan Belanda, yaitu *Pierre Francois Verhulst* pada tahun 1838, hal ini diakibatkan karena model pertumbuhan alami tidak cukup tepat untuk populasi yang cukup besar dan

tempatnya terbatas dikarenakan padatnya populasi yang akan mengurangi populasi itu sendiri shingga dapat menimbulkan hambatan. Perubahan jumlah populasi setiap waktu merupakan salah satu penanda terjadinya pertumbuhan populasi yang dipengaruhi oleh jumlah kelahiran, kematian dan migrasi. Salah satu model pertumbuhan adalah model pertumbuhan kontinu khususnya model logistik. Model ini merupakan pengembangan dari model pertumbuhan eksponensial yang pertama kali dicetuskan oleh Maltus. Model pertumbuhan populasi logistik merupakan penyempurnaan dari model pertumbuhan eksponensial. Model logistik digunakan karena pada kenyataan di alam bahwa besar kecilnya populasi bergantung pada kerapatannya, sehingga laju kelahiran dan laju kematian tidak konstan. Bentuk yang paling sederhana untuk laju pertumbuhan relatif yang mengakomodasi asumsi ini adalah:

$$\frac{1}{N} \frac{dN}{dt} = k \left(1 - \frac{N}{K}\right)$$

Kedua ruas dikalikan dengan  $N$ , maka diperoleh model untuk pertumbuhan populasi yang dikenal persamaan

diferensial logistik;

$$\frac{dN}{dt} = rN\left(1 - \frac{N}{K}\right) \tag{2}$$

Perhatikan dari persamaan (2) bahwa jika N kecil dibandingkan dengan K, maka N/K mendekati 0 dan  $dN/dt \approx rN$ . Namun, jika  $N \rightarrow K$  (populasi mendekati kapasitas tampungnya), maka  $N/K \rightarrow 1$  sehingga  $\frac{dN}{dt} \rightarrow 1$ . Jika populasi N berada di antara 0 dan K, maka ruas kanan pada persamaan (2) bernilai positif, sehingga  $\frac{dN}{dt} \rightarrow 1$  dan populasi naik. Tetapi jika populasi melampaui kapasitas tampungnya (N > K), maka  $1 - \frac{N}{K}$  negatif, sehingga  $\frac{dN}{dt} < 0$  dan

populasi turun. Solusi persamaan logistik dapat diperoleh melalui langkah-langkah berikut ini:

$$\frac{dN}{N\left(1 - \frac{N}{K}\right)} = r dt$$

$$\int \frac{dN}{N\left(1 - \frac{N}{K}\right)} = \int r dt$$

$$\ln N - \ln(K - N) = rt + c$$

$$N = \frac{Ke^{rt + c}}{1 + e^{rt + c}}$$
(3)

Dari persamaan (3) diatas jika nilai awal t = 0 dan (0) =  $N_0$  kemudian disubstitusikan pada persamaan (3) akan memperoleh =  $\ln (N_0/K - N_0)$  selanjutnya nilai c tersebut akan disubstitusikan pada persamaan (3), maka model logistic tersebut akan memperoleh solusi khusus :

$$N = \frac{1}{Ke^{rt + \ln\left(\frac{N_0}{K - N_0}\right)}} \frac{1}{1 + e^{rt + \ln\left(\frac{N_0}{K - N_0}\right)}} \frac{1$$

### Keterangan:

N(t): Jumlah populasi pada waktu t  $N_0$ : Jumlah populasi awal pada t=0 K: Daya tampung ( carriying capacity ) dari suatu daerah untuk populasi t: Laju pertumbuhan intrinsik

t : Menyatakan waktu

(intrinsic growth rate)

### Data Jumlah Penduduk di Kabupaten Sumenep

Kabupaten Sumenep termasuk dalam kategori daerah beriklim tropis basah dan kering dengan luas wilayah 2.094 km² dan pulau yang tersebar berjumlah 126 pulau dengan jumlah penduduk sebanyak 1.124.436 jiwa dan kepadatan penduduk sebanyak 536/km². Data dari jurnal ini

penulis menggunakan data penduduk di Kabupaten Sumenep dengan sensus penduduk pada tahun 2010 sampai tahun 2020 yang diperoleh dari BPS (Badan Pusat Statistik) Kabupaten Sumenep.

Tabel 1. Sensus penduduk Kabupaten Sumenep

Tahun	Sensus	
2010	1044588	
2011	1050678	
2012	1056415	
2013	1061211	
2014	1067202	
2015	1072113	
2016	1076805	
2017	1081204	
2018	1085227	
2019	1088910	
2020	1124436	

Pada tabel 1 di atas jika kita melakukan perbandingan jumlah penduduk dari tahun 2010-2020 maka akan mengalami kenaikan atau peningkatan.

Pada tabel 1 sensus penduduk Kabupaten Sumenep bisa diasumsikan terlebih dahulu untuk menentukan model logistic bahwa t (waktu) dapat diukur pada tahun, misal pada tahun 2010 t (waktu) nya sama dengan 0 karena pada tabel 1 awal permulaan tahun menggunakan tahun 2010, tahun 2011 nilai t nya sama dengan 1 dan seterusnya. Nilai N(0) dapat diambil dari nilai sensus di masing-masing tahun maka nilai sensus pada tahun 2010 berjumlah 1.044.588 tahun 2011 nilai N(1) =1.050.678 dan seterusnya, maka langkah berikutnya peneliti menentukan nilai kapasitas tampung yaitu K.

$$N(t)_{max}$$

$$= \lim_{t \to \infty} N(t) = \frac{a}{b}$$

$$= \frac{N_1(2N_0N_2 - N_2N_1 - N_0N_1)}{N_0N_2 - (N_1)^2}$$
(5)

Untuk memperoleh nilai kapasitas tampung nilai N<sub>0</sub> harus disubstitusikan pada persamaan (5) maka akan memperoleh

$$\begin{split} N(t)_{max} &= \lim_{t \to \infty} N(t) = \frac{a}{b} \\ &= \frac{N_1(2N_0N_2 - N_2N_1 - N_0N_1)}{N_0N_2 - (N_1)^2} \end{split}$$

$$(t) = \frac{a}{b}$$

Penyelesaian selanjutnya:

$$=\frac{1.050.678\,(2\,x\,1.044.588\,x\,1.056.415\,-\,1.056.415\,x\,1.050.678\,-\,1.044.588\,x\,1.050.678)}{1.044.588\,x\,1.056.415\,-\,(1.050.678)2}$$

$$K = 1.141.132,5$$

Nilai K dan  $N_0$  disubstitusikan pada persamaan (4) maka akan memperoleh:

$$N(t) = \frac{K}{e^{-rt} \left(\frac{K}{N_0} - 1\right) + 1}$$

$$N = \frac{1.141.132,5}{e^{-rt} \left(\frac{1.141.132,5}{1.044.588} - 1\right) + 1}$$

$$N = \frac{1.141.132,5}{e^{-rt} (0.09242) + 1}$$
(6)

Untuk mencari mencari nilai r pada tahun 2011 dengan nilai t sama dengan 1 dan nilai (1) = 1.050.678, maka disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan:

$$1.050.678 = \frac{{}^{1.141.132,5}}{e^{-rt}(0.09242) + 1}$$

$$e^{-r} (0,09242) = \frac{1.141.132,5 - 1.050.678}{1.050.678}$$
$$r = 0.07095$$

Nilai r pada N(1) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-t(0.07093)t}+1} \qquad model \ 1$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2012 dengan nilai t sama dengan 2 dan nilai N(2) = 1.056.415, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.050.678 = \frac{1.141.132.5}{e^{-rt}(0.09242) + 1}$$

$$(0.09242)e^{-2r} = \frac{1.141.132,5 - 1.056.415}{1.056.415}$$
$$r = 0.07095$$

Nilai r pada N(2) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07095)} + 1} \qquad model II$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2013 dengan nilai t sama dengan 3 dan nilai N(3) = 1.061.211, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.061.211 = \frac{1.141.132,5}{(0,09242)e^{-3r} + 1}$$
$$(0,09242)e^{-3r} = \frac{1.141.132,5 - 1.061.211}{1.061.211}$$
$$r = 0.06823$$

Nilai r pada N(3) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.06823)} + 1}$$
 model III

Untuk mencari nilai r pada tahun 2014 dengan nilai t sama dengan 4 dan nilai N(4) = 1.067.202 disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.067.202 = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-4r} + 1}$$
$$(0.09242)e^{-4r} = \frac{1.141.132,5 - 1.067.202}{1.067.202}$$
$$r = 0.07206$$

Nilai r pada N(4) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141,132,5}{(0.09242)e^{-(0.07206)}+1} \qquad model IV$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2015 dengan nilai t sama dengan 5 dan nilai N(5) = 1.072.113, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.072.113 = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-5r} + 1}$$
$$(0.09242)e^{-5r} = \frac{1.141.132,5 - 1.072.113}{1.072.113}$$
$$r = 0.07231$$

Nilai r pada N(5) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132,5}{(0,09242)e^{-(0,07231)}+1} \qquad model \ V$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2016 dengan nilai t sama dengan 6 dan nilai N(6) = 1.076.805, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.076.805 = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-6r} + 1}$$
$$(0.09242)e^{-6r} = \frac{1.141.132,5 - 1.076.805}{1.076.805}$$
$$r = 0.07272$$

Nilai r pada N(6) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-(0.07272)}+1} \qquad model \ VI$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2017 dengan nilai t sama dengan 7 dan nilai N(7) = 1.081.204, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.081.204 = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-7r} + 1}$$
$$(0.09242)e^{-7r} = \frac{1.141.132,5 - 1.081.204}{1.081.204}$$
$$r = 0.07303$$

Nilai *r pada N*(7) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07303)}+1} \qquad model VII$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2018 dengan nilai t sama dengan 8 dan nilai N(8) = 1.085.227, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.085.227 = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-8r} + 1}$$
$$(0.09242)e^{-8r} = \frac{1.141.132,5 - 1.085.227}{1.085.227}$$
$$r = 0.07305$$

Nilai r pada N(8) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-(0.07305)}+1} \quad model \ VIII$$

Untuk mencari nilai r pada tahun 2019 dengan nilai t sama dengan 9 dan nilai N(9) = 1.088.910, disubstitusikan pada persamaan (6) sehingga menghasilkan

$$1.088.910 = \frac{1.141.132,5}{(0,09242)e^{-9r} + 1}$$
$$(0,09242)e^{-9r} = \frac{1.141.132,5 - 1.088.910}{1.088.910}$$
$$r = 0.07288$$

Nilai r pada N(9)diatas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07288)} + 1}$$
 model IX

Untuk mencari nilai r pada tahun 2020 dengan nilai t sama dengan 10 dan nilai N(10) = 1.056.415, disubstitusikan pada persamaan (5) sehingga menghasilkan

$$1.124.436 = \frac{1.141.132,5}{(0,09242)e^{-10r} + 1}$$
$$(0,09242)e^{-10r} = \frac{1.141.132,5 - 1.124.436}{1.124.436}$$
$$r = 0,18284$$

Nilai r pada N(10) di atas disubstitusikan ke persamaan (6) akan menghasilkan

$$N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.18284)} + 1}$$
 model X

Hasil dari penyelesaian diatas memperoleh model logistik sebagai berikut:

- 1. Model logistik 1, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,09%
- 2. Model logistik 2, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,09%
- 3. Model logistik 3, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 6,8%
- 4. Model logistik 4, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,2%
- 5. Model logistik 5, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 9,2%
- 6. Model logistik 6, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,2%

- 7. Model logistik 7, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,3%
- 8. Model logistik 8, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,3%
- 9. Model logistik 9, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 7,2%
- 10. Model logistik 10, menghasilkan nilai *r* tiap tahun perkiraan 18,2%

Dari kesepuluh model logistik tersebut menghasilkan persamaan sebagai berikut:

- 1. Model logistik 1, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-t(0.07093)t}+1}$
- 2. Model logistik 2, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07095)}+1}$
- 3. Model logistik 3, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.06823)}+1}$
- 4. Model logistik 4, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-(0.0720.6)}+1}$
- 5. Model logistik 5, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07231)+1}}$
- 6. Model logistik 6, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07272)}+1}$
- 7. Model logistik 7, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07303)}+1}$
- 8. Model logistik 8, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132,5}{(0.09242)e^{-(0.0730.5)+1}}$
- 9. Model logistik 9, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.07288)}+1}$
- 10. Model logistik 10, menghasilkan persamaan  $N = \frac{1.141.132.5}{(0.09242)e^{-(0.18284)+1}}$

Dari kesepuluh model logistik tersebut menghasilkan tabel 2 sensus penduduk Sumenep sebagai berikut:

Tabel 2. Sensus penduduk Kabupaten Sumenep menggunakan model logistik

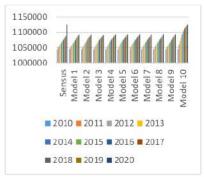
Tahun	Sensus	
2010	1044588	
2011	1050678	
2012	1056415	
2013	1061211	
2014	1067202	
2015	1072113	
2016	1076805	
2017	1081204	
2018	1085227	
2019	1088910	
2020	1124436	
Model 1	Model 2	
1044591.366	1044591.366	
1050677.824	1050679.49	
1056411.681	1056414.819	
1061809.514	1061813.943	
1066887.604	1066893.157	
1071661.875	1071668.399	
1076147.839	1076155.193	
1080360.556	1080368.61	
1084314.596	1084323.234	
1088024.019	1088033.133	
1091502.353	1091511.846	
Model 3	Model 4	
1044591.366	1044591.366	
1050452.7	1050771.891	
1055987.179	1056588.765	
1061209.572	1062059.362	
1066134.398	1067200.741	
1070775.878	1072029.575	
1075147.884	1076562.098	
1079263.908	1080814.057	
1083137.031	1084800.674	
1086779.897	1088536.627	
1090204.703	1092036.023	
Model 5	Model 6	
1044591.366	1044591.366	
1050792.69	1050826.791	
1056627.896	1056692.036	
1062114.539	1062204.954	
1067269.853	1067383.066	
1072110.679	1072243.495	

1076653.413	1076802.905		0.084075	0.083279
1080913.956	1081077.453		0.081364	0.080527
1084907.68	1085082.752		2.928904	2.928059
1088649.398	1088833.845		0.336197	0.335718
1092153.35	1092345.185		MAPE 3	MAPE 4
Model 7	Model 8		0.000322	0.000322
1044591.366	1044591.366		0.021443	0.008936
1050852.567	1050854.23		0.040497	0.016449
1056740.503	1056743.629		0.000135	0.079943
1062273.252	1062277.656		0.100037	0.000118
1067468.559	1067474.071		0.124718	0.007781
1072343.759	1072350.223		0.153892	0.022558
1076915.72	1076922.992		0.179438	0.036066
1081200.794	1081208.744		0.192584	0.039284
1085214.78	1085223.288		0.195618	0.034289
1088972.894	1088981.853		3.044308	2.881442
1092489.755	1092499.068		0.405299	0.312719
Model 9	Model 10		MAPE 5	MAPE 6
1044591.366	1044591.366		0.000322	0.000322
1050840.096	1059570.229		0.010916	0.014161
1056717.054	1072378.011		0.020153	0.026224
1062240.211	1083284.382		0.085142	0.093662
1067427.203	1092539.094		0.006358	0.016966
1072295.261	1100368.925		0.000217	0.012172
1076861.156	1106976.581		0.014078	0.000195
1081141.143	1112540.985		0.026826	0.011704
1085150.932	1117218.466		0.029424	0.013292
1088905.656	1121144.473		0.023932	0.006994
1092419.853	1124435.574		2.871008	2.853948
Selanjutnya menc	ari nilai mape	dari	0.308838	0.304964
masing-masing mod	del dengan rumus		MAPE 7	MAPE 8
$\sum_{i=1}^{n}  y_i ^2$	- ŷ <sub>i</sub>   1000/		0.000322	0.000322
<u>Z</u>   <u>5</u>	$\left \frac{\hat{y}_i}{\hat{y}_i}\right  \times 100\%$		0.016615	0.016773
Tabel 3.	Nilai MAPE		0.030812	0.031108
MAPE 1	MAPE 2		0.100098	0.100513
0.000322	0.000322		0.024977	0.025494
0.000017			0.021524	0.022127
0.000314			0.010282	0.010958
0.056399			0.000296	0.000439
0.029460			0.001126	0.000342
0.042078			0.005776	0.006599
0.061029			2.841091	2.840262
0.078010			0.305292	0.305494
	an americans and area of the con-			

MAPE 9	MAPE 10	
0.000322	0.000322	
0.015428	0.846332	
0.028592	1.511055	
0.096985	2.080018	
0.021102	2.374161	
0.017000	2.635536	
0.005215	2.801954	
0.005814	2.898342	
0.007009	2.947905	
0.000399	2.960251	
2.847307	0.000038	
0.304517	2.105592	

Kemudian dari hasil tersebut akan kami bandingkan dengan hasil sensus yang sebenarnya, dan model yang paling dekat dengan grafik data BPS (data sebenarnya) dinamakan model yang akurat (terbaik) (Tang et al., 2021), disini kami mencari nilai MAPE dari masing-masing model untuk mengetahui nilai sensus yang paling dekat dengan grafik data BPS. Apabila ditampilkan dalam bentuk grafik maka grafik yang paling dekat dengan grafik data BPS dinamakan model terbaik (Pratiwi, 2020). Dari hasil MAPE yang telah kami peroleh, model 9 yang nilai sensusnya paling mendekati nilai sebenamya, sehingga dapat kami simpulkan bahwa model terbaik dari 10 model tersebut yaitu model 9. Maka model 9 yang digunakan untuk memprediksi sensus penduduk pada tahun 2040 dan tahun selanjutnya.

Oleh sebab itu maka jika di lihat dari diagram batang, perbandingan dari hasil 10 model dengan hasil sensus adalah sebagai berikut:



Gambar 1 : Diagram batang berdasarkan perbandingan antara hasil 10 model dengan hasil sensus.

Sepuluh model tersebut sudah dapat kami lihat bahwa model logistic 9 lebih memberikan hasil yang cukup mendekati dan juga keakuratan yang sangat baik dibandingkan model logistic 1,2,3,4,5,6,7,8 dan 10. Oleh karena itu untuk memprediksi sensus penduduk pada tahun 2040 menggunakan model logistik 9.

### Prediksi Jumlah Penduduk Di Kabupaten Sumenep Pada Tahun 2040

Karena model logistik 9 digunakan untuk memprediksi jumlah penduduk di Kabupaten Sumenep pada tahun 2040, maka persamaan modelnya adalah:

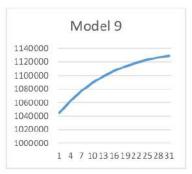
$$N = \frac{1.141.132,5}{(0,09242)e^{-(0.07288)} + 1}$$

Laju pertumbuhan intrinsic (r) di dapat dari model tersebut menghasilkan 7,28% per tahun. Apabila memprediksi sensus penduduk tahun 2040 maka didistribusikan pada model 9 untuk t=30. Akan diperoleh :

$$N = \frac{1.141.132,5}{1.010.381} = 1.127.590,627$$

Nilai sensus penduduk Sumenep pada tahun 2040 jika menggunakan model 9 menghasilkan 1.127.590,627 jiwa.

Jika ditampilkan dalam bentuk grafik dengan menggunakan tahun 2040 dan untuk t=30 maka sensus penduduk kabupaten sumenep tiap tahunnya akan meningkat.



Gambar 2 : grafik dengan t = 30

Langkah berikutnya penulis akan memproyeksikan pertumbuhan sensus penduduk pada tahun 2210 untuk t = 200.



Gambar 3 : Jumlah penduduk kabupaten sumenepdengan waktu (t) 200

Berdasarkan dari grafik di atas proyeksi pertumbuhan sensus penduduk dalam tahun ke tahun akan mendekati kapasitas tampung (carriying capacity) akan tetapi tidak akan melebihi kapasitas tampungnya.

### KESIMPULAN

Berdasarkan hasil penelitian yang kita amati mendapatkan nilai kapasitas tampung penduduk di Kabupaten Sumenep pulau madura sebesar 1.141.132,5 jiwa, dengan nilai r sebesar 0,07288 dan jika dicari sensus penduduk tahun 2040 menggunakan model logistik sebesar 1.127.590,627 jiwa.

Berdasarkan hasil yang kita amati model logistik 9 lah yang lebih tepat digunakan pada penduduk Kabupaten Sumenep untuk dijadikan model terbaik, karena dari hasil yang kami peroleh dengan mencari nilai mape dari masing-masing model nilai yang mendekati nilai sensus sebenarnya yaitu pada model 9, jika dalam bentuk grafik maka model terbaik apabila model grafik mendekati data sebenarnya sehingga sensus penduduk di Kabupaten Sumenep pulau madura dalam tahun ke tahun akan mendekati kapasitas tampung (carriying capacity) akan tetapi tidak akan melebihi kapasitas tampungnya.

### DAFTAR PUSTAKA

Anggreini, D. (2018). Penerapan
Persamaan Diferensial Verhulst
dalam Menentukan Proyeksi
Penduduk di kabupaten
Tulungagung. Jurnal Fourier, 7(2),
87-102.

Anggreini, D. (2020). Penerapan Model Populasi Kontinu pada Perhitungan Proyeksi Penduduk di Indonesia (Studi kasus: Provinsi Jawa Timur). E-Jurnal Matematika, 9(4), 229-239.

Pandu, Y., K. (2020). Prediksi Penduduk Kabupaten Alor dengan Menggunakan Model Pertumbuhan Logistik pada Beberapa Tahun Mendatang. Asimtot: Jurnal Kependidikan Matematika, 2(1), 71-

Pratiwi, C. D. (2020). Aplikasi Persamaan Diferensial Model Populasi Logistik untuk Mengestimasi Penduduk di Kota Balikpapan. AdMathEdu, 10(1), 63-76.

Putri, S. R., Noviani, E & Yudhi. (2022).

Prediksi Jumlah Penduduk dengan
Persamaan Logistik Menggunakan
Metode ADAMS-BASHFORTMOULTON. Buletin Ilmiah Mat.
Stat dan Terapannya (Bimaster),
11(1), 159-166.

Rosiyanti, Sugandha, A., Suwali. (2022).

Aplikasi Model Pertumbuhan
Logistik Dalam Menentukan
Proyeksi Penduduk Di Kabupaten
Banyumas. Perwira Journal of
Science & Engineering, 2(2), 28-36.

Tang, P. & Tay, E. (2021). Penerapan Model Eksponensial dan Model Logistik untuk Proyeksi Penduduk Tahun 2024 di Kabupaten Alor. SAINSTEK, 5(1), 316-326 Uce, Silvi, P., Suhaemi, R., & Kartika, H. (2017).Aplikasi Metode Eksponensial dan Logistik dalam Meramalkan Jumlah Penduduk Kabupaten Karawang pada Tahun 2020. Prosiding Seminar Nasional Matematika dan Pendidikan Matematika (SESIOMADIKA) 2017, 6-13.

## PENERAPAN MODEL PERTUMBUHAN LOGISTIK DALAM MEMPROYEKSIKAN JUMLAH PENDUDUK DI KABUPATEN SUMENEP

ORIGINALITY REPORT					
1(	<b>)</b> %	10%	0%	3%	
SIMILAF	RITY INDEX	INTERNET SOURCES	PUBLICATIONS	STUDENT PAPERS	
PRIMARY	SOURCES				
1	<b>journal.</b> Internet Sour	unwira.ac.id		4%	
2	123dok. Internet Sour			4%	
3	reposito	ory.uin-suska.ac.	id	3%	

Exclude quotes

On

Exclude matches

< 3%

Exclude bibliography On